

# UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD CURSO 2004-2005. MATEMÁTICAS II

## Instrucciones:

- Duración:** 1 hora y 30 minutos.
- Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- La puntuación de cada pregunta está indicada en las mismas.
- Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- Puedes usar calculadora científica (puede ser programable o tener pantalla gráfica), pero todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

## Opción A

**Ejercicio 1A.** - Sea  $f$  la función definida para  $x \neq 1$  por  $f(x) = e^x / (x - 1)$

- [0'5 puntos] Halla las asíntotas de la gráfica de  $f$ .
- [0'75 puntos] Determina los intervalos de crecimiento y de decrecimiento de  $f$ .
- [0'75 puntos] Determina los intervalos de concavidad y de convexidad de  $f$ .
- [0'5 puntos] Esboza la gráfica de  $f$ .

**Ejercicio 2A.** - [2'5 puntos] Calcula la integral  $\int \left( \frac{3x^3 + x^2 - 10x + 1}{x^2 - x - 2} \right) dx$

**Ejercicio 3A.** - Considera el sistema de ecuaciones

$$x + 3y + z = 5$$

$$mx + 2z = 0$$

$$my - z = m$$

- [1 punto] Determina los valores de  $m$  para los que el sistema tiene una única solución. Calcula dicha solución para  $m = 1$ .
- [1 punto] Determina los valores de  $m$  para los que el sistema tiene infinitas soluciones. Calcula dichas soluciones.
- [0'5 puntos] ¿Hay algún valor de  $m$  para el que el sistema no tiene solución?

**Ejercicio 4.** - Sea el punto  $P(1, 0, -3)$  y la recta  $r \equiv \begin{cases} 2x - y - 1 = 0 \\ x + z = 0. \end{cases}$

- [1 punto] Halla la ecuación del plano que contiene a  $P$  y es perpendicular a  $r$ .
- [1'5 puntos] Calcula las coordenadas del punto simétrico de  $P$  respecto de  $r$ .

# UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD CURSO 2004-2005. MATEMÁTICAS II

## Instrucciones:

- Duración:** 1 hora y 30 minutos.
- Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- La puntuación de cada pregunta está indicada en las mismas.
- Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- Puedes usar calculadora científica (puede ser programable o tener pantalla gráfica), pero todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

## Opción B

**Ejercicio 1B.** - [2'5 puntos] Determina los puntos de la parábola de ecuación  $y = 5 - x^2$  que están más próximos al origen de coordenadas. Calcula la distancia entre los puntos obtenidos y el origen de las coordenadas.

**Ejercicio 2B.** - Se sabe que la función  $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$  definida por  $f(x) = \begin{cases} \sqrt{ax} & \text{si } 0 \leq x \leq 8 \\ \frac{x^2 - 32}{x - 4} & \text{si } x > 8 \end{cases}$  es continua

en  $[0, +\infty)$ .

(a) [0'5 puntos] Halla el valor de  $a$ .

(b) [2 puntos] Calcula  $\int_0^{10} f(x) dx$ .

**Ejercicio 3B.** - [2'5 puntos] Halla la matriz  $X$  que cumple que  $A \cdot X \cdot A - B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , siendo  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -2 & -1 \end{pmatrix}$  y

$$B = \begin{pmatrix} 5 & -2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$$

**Ejercicio 4B.** - Se sabe que los puntos  $A(m, 0, 1)$ ,  $B(0, 1, 2)$ ,  $C(1, 2, 3)$  y  $D(7, 2, 1)$  están en un mismo plano.

(a) [1'5 puntos] Halla  $m$  y calcula la ecuación de dicho plano.

(b) [1 punto] ¿Están los puntos  $B$ ,  $C$  y  $D$  alineados?